

Prénom et nom :

Travail sans calculatrice avec brouillon.

Compléter cette feuille très lisiblement sans ratures !

I. (6 points)

1°) Déterminer l'ensemble de définition \mathcal{D} de la fonction $f: x \mapsto \frac{\sqrt{x}}{x-1}$.

Rédiger soigneusement « $f(x)$ existe si et seulement si ... ».

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2°) Compléter la colonne de droite des tableaux ci-dessous en donnant l'ensemble de définition \mathcal{D} de la fonction f précisée dans la colonne de gauche (recherche au brouillon).

$f: x \mapsto \sqrt{1 + \frac{1}{x}}$	$\mathcal{D} = \dots\dots\dots$
$f: x \mapsto \frac{1}{2x + x^2}$	$\mathcal{D} = \dots\dots\dots$

$f: x \mapsto \sqrt{4 - x^2}$	$\mathcal{D} = \dots\dots\dots$
$f: x \mapsto \frac{1}{3 - x }$	$\mathcal{D} = \dots\dots\dots$

II. (3 points) On considère la fonction $f: x \mapsto \frac{(x-1)^2 - 4}{(x+1)^2}$.

Déterminer deux fonctions affines u et v telles que $f = \frac{u}{v}$ (recherche au brouillon).

Compléter directement les égalités :

$u(x) = \dots\dots\dots$; $v(x) = \dots\dots\dots$

III. (2 points) Connaissances de cours

1°) Soit f une fonction définie sur un domaine D . Soit I un intervalle de \mathbb{R} .

Compléter directement la phrase :

On dit que f est à valeurs dans I pour exprimer que

.....

2°) L'affirmation suivante est-elle vraie ou fausse ? Répondre sans justifier.

« La fonction $f: x \mapsto x^2 + 1$ est à valeurs dans l'intervalle $[1; +\infty[$. »

IV. (4 points) Etudier la parité de la fonction de la fonction $f: x \mapsto x^2 - 2|x|$ définie sur $\mathcal{D} = \mathbb{R}$. Rédiger soigneusement.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

V. (3 points) Soit f et g deux fonctions définies sur \mathbb{R} . On note \mathcal{C} et \mathcal{C}' leurs courbes représentatives respectives dans le plan muni d'un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) . On donne le tableau de signes ci-dessous.

x	$-\infty$	-3	$+\infty$
Signe de $g(x) - f(x)$	+	0	-

- Compléter les phrases suivantes précisant les positions relatives de \mathcal{C} et \mathcal{C}' .
- Sur l'intervalle, \mathcal{C} est strictement au-dessus de \mathcal{C}' .
 - Sur l'intervalle, \mathcal{C} est strictement au-dessous de \mathcal{C}' .
 - \mathcal{C} et \mathcal{C}' sont sécantes au point d'abscisse

VI. (2 points) Compléter la phrase suivante :

La courbe \mathcal{C} d'équation $y = 3x^2 - 1$ dans le plan muni du repère (O, \vec{i}, \vec{j}) coupe l'axe des abscisses aux points A(..... ;) et B(..... ;).

Bonus au choix

- ① On reprend la fonction f de l'exercice **IV**. Donner sans justifier les solutions des équations $f(x) = -1$ (1) et $f(x) = 0$ (2).
- ② Donner sans justifier l'expression d'une fonction f définie sur \mathbb{R} sachant que f est impaire et que pour tout réel x positif ou nul, on ait $f(x) = \frac{2x}{x+1}$.
- ③ Soit f et g deux fonctions définies sur \mathbb{R} . Démontrer que si f est paire et g est impaire, alors la fonction fg est impaire.

.....

.....

.....

.....

.....

.....