

1^{ère} S1 Interrogation écrite (15 minutes)

du jeudi 31 mai 2007

I. (9 points) Q.C.M.

Pour chaque question, il y a une seule réponse valable.

Chaque réponse juste rapporte un point ; chaque réponse fausse enlève un point. Une absence de réponse n'enlève aucun point ni n'ajoute aucun point. Aucune justification n'est demandée.

La calculatrice est autorisée. Vous pouvez utiliser un brouillon.

1 Soit (u_n) une suite. Laquelle de ces conditions permet d'affirmer que la suite (u_n) converge vers 0 ?

A : pour tout entier naturel $n > 100$, $u_n \in [-10^{-3}; 10^3]$

B : tout intervalle ouvert contenant 0 contient tous les termes de la suite, à partir d'un certain indice.

C : il existe un intervalle ouvert contenant 0 qui contient tous les termes de la suite.

2 Laquelle de ces suites géométriques est convergente ?

A : pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_n = \left(\frac{3}{2}\right)^n$ B : pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_n = (-1)^n$ C : pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_n = \left(-\frac{1}{2}\right)^n$

3 Dire qu'une suite (u_n) a pour limite $+\infty$ signifie que ...

A : tous les u_n sont dans l'intervalle $]10^6; +\infty[$ à partir d'un certain indice

B : tout intervalle $]A; +\infty[$ contient tous les u_n à partir d'un certain indice

C : tout intervalle $]A; +\infty[$ contient un nombre fini de u_n

4 Soit (u_n) la suite définie sur \mathbb{N} par $u_n = \frac{2n^2 - 3}{n^3 + 1}$.

Sa limite est égale à ...

A : -3

B : $+\infty$

C : 0

5 Si (u_n) et (v_n) sont deux suites telles que $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = -\infty$, alors

A : $\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n + v_n) = 0$

B : $\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n v_n) = -\infty$

C : $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_n}{v_n} = -1$

6 Soit (u_n) la suite définie sur \mathbb{N}^* par $u_n = \frac{\sin n}{n}$. La suite (u_n) ...

A : n'a pas de limite

B : converge vers 0

C : diverge vers $+\infty$

7 Pour tout entier naturel n , on pose $S_n = 1 + \left(\frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \dots + \left(\frac{1}{2}\right)^n$.

La limite de S_n lorsque n tend vers $+\infty$ est égale à ...

A : $+\infty$

B : 1

C : 2

8 Soit (u_n) la suite définie sur \mathbb{N} par $u_n = (-1)^n n^2$. La suite (u_n) ...

A : n'a pas de limite

B : diverge vers $+\infty$

C : diverge vers $-\infty$

